مارال احمدی'`\*، محمد غیاثوند'، محمد حسن ایکانی'، فاطمه ذبیحی"

۱. گروه مهندسی شیمی، واحد تهران جنوب، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران ۲. پژوهشکده فناوریهای شیمیایی، سازمان پژوهشهای علمی و صنعتی ایران ۳. گروه مهندسی شیمی، واحد علوم و تحقیقات آیت ا... آملی، دانشگاه آزاد اسلامی، آمل، ایران

چکیدہ	مشخصات مقاله
در این تحقیق با هدف ارائه مدل ریاضی جامع جهت توصیف استخراج فوق حرانی	تاريخچه مقاله:
روغنهای گیاهی، پیچیدگی ساختار ماتریس جامد گیاهی، تأثیر اندازه ذرات، اثر	دریافت: ۲۴ مرداد ۹۴
کنترلکننده تعادل فازی، برهمکنش بین حلشونده و ماتریس جامد و همچنین	دریافت پس از اصلاح: ۷ فروردین۹۵
پراکندگی محوری در فاز سیال در نظر گرفته شد. بهعنوان دو کار جدید، توزیع	پذیرش نهایی: ۹ اردیبهشت ۹۵
غلظت برای ناحیه درونی ذره به همراه مفهوم حلشونده آزاد در سطح خارجی آن	كلمات كليدى:
لحاظ گردید و جهت غلظت تعادلی، تابعیتی از غلظت حلشونده آزاد ارائه شد.	استخراج توسط سيال فوق بحرانی (SFE)
معادلات دیفرانسیل حاصل جزئی هستند و بهصورت عددی حل شدند. توانایی مدل	تعادل فازى
برای پیشبینی بازده استخراج در تغییر پارامترهای عملیاتی دبی سیال، فشار، دما و	برهمکنش حلشونده و ماتریس جامد
اندازه ذرات، برای روغن دانه چریش بررسی شد که میانگین درصد مجموع مربعات	حلشونده آزاد
خطا (%SD) بین مدل و دادههای آزمایشگاهی به ترتیب، ۱٪، ۴/۰٪، ۳/۰٪ و ۲/۰٪،	
حاصل شد. همچنین برای استخراج روغن دانه آفتابگردان اثر دبی بررسی گردید که	
%SSD برابر ۵/۰٪ به دست آمد.	

\* عهدهدار مکاتبات Maral.ah\_m@yahoo.com

حقوق ناشر محفوظ است.

#### ۱– مقدمه

افزایش هزینههای تأمین انرژی فرایندهای جداسازی مانند تقطیر و محدودیتهای زیست محیطی برای کاهش استفاده از حلالهای ضد محیطزیست و نیاز به محصولات خالص تر و پیشرفتهای طراحی تجهیزات سبب شده تا صنایع، بهویژه صنایع دارویی و غذایی بیش از پیش به روش استخراج با سیال فوق بحرانی، 'SFE، علاقه مند شوند. از مهم ترین دلایل استفاده از SFE در استخراج ترکیبات مؤثره و عدم تغییر ماهیت ماده در اثر حرارت و همچنین قدرت نفوذ و انحلال بالای سیال فوق بحرانی اشاره کرد که سبب کاهش زمان فرایند نسبت به سایر روش های جداسازی می شود و بازیابی حلال از محصول آسان و تقریباً صد در صدی است.

سیال فوق بحرانی (SCF<sup>۲</sup>)، مادهای است که در دما و فشار بالاتر از دما و فشار بحرانی خود قرار دارد. این سیالات از نظر خواص انتقالی مانند گازها و از نظر قدرت حلالیت شبیه مايع هستند؛ لذا براى بهكارگيرى بهعنوان حلال استخراج بسیار مناسبند. اولین گزارش از مشاهده فاز فوق بحرانی در سال ۱۸۲۲ توسط Baron Cagniard ارائه گردید [۱]. اولین بررسیها بر روی قدرت حلالیت سیالات فوق بحرانی در سال ۱۸۷۹ انجام گرفت و زوسل اولین بار در سال ۱۹۶۲، ترکیبات را با استفاده از سیالات فوق بحرانی جداسازی کرد [۲]. در دهه ۷۰ استخراج توسط سیال فوق بحرانی توسعه قابل توجهی یافت و انگیزههای بسیاری برای کارهای آینده به وجود آمد. در چند دهه اخیر مطالعات زیادی در مورد استخراج فوق بحرانی مواد مختلف در سطح آزمایشگاهی انجام گرفت، اما هنوز صنعتی شدن این فرایند در برخی کشورها با مشکلاتی مواجه است؛ زيرا اگرچه معمولاً هزينه عملياتي فرايند SFE از فرايندهاى جداسازى مرسوم پايين تر است اما هزينه تجهيزات فشار بالا بیشتر هستند؛ ازاینرو، اگر فرایند در شرایط بهینه عملیاتی و مقیاس مناسب انجام گیرد هزینه کل نیز مناسب خواهد بود؛ در این مورد مدلسازی ریاضی بسیار مفید است. با مدلسازی ریاضی دادههای آزمایشگاهی میتوان پارامترهای طراحي فرايند مانند ابعاد تجهيزات، نرخ جريان حلال و اندازه ذرات را تعیین و نتیجتاً بازده استخراج و سوددهی فرایند SFE در مقیاس صنعتی را پیشبینی نمود و با تعیین شرایط بهینه عملیاتی، هزینههای جاری فرایند را کاهش داد.

محققان زیادی بر پایه فرضیات مختلف فرایندهای بستر

استخراج را مدلسازی کردهاند؛ این مدلها را می توان در سه گروه دستهبندی کرد: مدلهای تجربی، مدل بر اساس تشابه انتقال جرم و حرارت و مدلهای بر اساس موازنه جرم دیفرانسیلی. در این بین، مدلهای بر اساس موازنه جرم دیفرانسیلی توانایی کامل تر و دقیق تری در بیان جزئیات دارند. مدل هسته کوچکشونده (SCM<sup>r</sup>) و مدل سلولهای شکسته و سالم (BICM<sup>2</sup>) از جمله مدلهای معروف و پرکاربرد این دسته هستند. مدل «سلولهای شکسته و سالم» نسبت به سایر مدلها بیان واقع گرایانه تری از ساختار فیزیکی ذره دارد. تصاویر الکترومیکروسکوپی بسیاری این واقعیت را اثبات کرده اند که در سطح ذره سلولهای بسیاری در اثر عملیات آمادهسازی شکستهاند و روغن درون آنها «آزاد» است تا توسط سیال فوق بحرانی استخراج گردد [۵، ۳،۴]. از طرف دیگر این مدل در برخی پژوهشها نتایج ضعیفتری نسبت به مدل «هسته کوچک شونده» داشته است [۶،۷]. ترکیب مدل «سلولهای شکسته و سالم» و «هسته کوچک شونده» توسط Fiori انجام گرفت و نتایج مطلوبی به دست آمد اما مشخص گردید ضخامت لایه حاوی سلولهای شکسته در سطح ذره صرفاً یک یا دو برابر قطر سلولهای گیاهی نیست [۵،۸] بلکه بسته به میزان آسیاب شدن و جنس و ساختار دانه گیاهی، ضخامت لایه سطحی حاوی سلولهای شکسته متفاوت است. لذا در این تحقیق بهعنوان یک کار جدید، مفهوم سلولهای شکسته با پروفایل غلظت درون ذره که از آسیبهای فیزیکی در امان مانده است، ترکیب شد و ضخامت لایه حاوی سلولهای شکسته در سطح ذرات بهعنوان پارامتر قابل تنظیم مدل در نظر گرفته شد. هیچیک از مدل-های ریاضی مورداستفاده برای فرایند SFE، با توجه به نوع روش مدلسازی چنین پارامتری ظاهر نمی شود. این پارامتر می تواند در تعیین مقدار بهینه کاهش سایز ذرات بسیار کمک-کننده باشد.

# ۲- مدلسازی ریاضی ۲- ۱- ایده و فرضیات

در مدلسازی ریاضی فرایند SFE اتفاقات فاز سیال کاملاً شناخته شده است. چنانکه اغلب ستون استخراج ایزوترم در نظر گرفتهشده و از افت فشار صرفنظر میشود. در خصوص نحوه انتقال جرم همراه حرکت تودهای گاهی پراکندگی محوری در نظر گرفتهشده و گاهی از آن صرفنظر میشود؛ اما

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Supercritical Fluid Extraction

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Supercritical Fluid

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Shrinking Core Model

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Broken and Intact Cells Model

دستنخورده باقیمانده است. (۸) ضخامت لایه با سلولهای شکسته در کلیه ذرات یکسان است. (۹) لحظه صفر مدلسازی يا به عبارتي شروع استخراج را لحظه خروج حلال از اکسترکتور در نظر می گیریم. (۱۰) با توجه به خواص انتقالی مطلوب سیالات فوق بحرانی که سرعت بالای انتقال جرم را نتيجه مىدهد و همچنين عدم وجود مقاومت انتقال جرم در برابر روغن آزاد، مي توان فرض كرد تعادل بين فاز سيال و سلولهای شکسته در حین تثبیت دما و فشار قبل از شروع استخراج برقرار می شود. ضمن اینکه غلظت در ناحیه درونی به علت مقاومت انتقال جرم در این زمان همچنان برابر غلظت خوراک است. (۱۱) برهمکنش بین حل شونده و ماتریس جامد در نظر گرفته می شود. (۱۲) در ناحیه درونی ذره با سلولهای سالم، بین غلظت فاز جامد و سیال درون حفرهها تعادل خطی برقرار است. (۱۳) انتقال جرم در سیال درون حفرهها توسط ضريب نفوذ مؤثر فاز جامد متخلخل (  $D_{e\!f\!f}$  ) توصيف مى گردد. (۱۴) انتقال جرم از سیال درون حفرهها به فاز جامد با سلول-های شکسته توسط ضریب انتقال جرم فاز جامد ( $k_s$ ) بیان می شود. (۱۵) در فاز جامد با سلول های شکسته گرادیان غلظت وجود ندارد. (۱۶) انتقال جرم از سلولهای شکسته به فیلم سیال تابع غلظت فاز سلولهای شکسته میباشد. (۱۷) انتقال جرم در فاز سیال توسط ضریب انتقال جرم فاز سیال ( کردد. ( $k_f$ ) اوصيف مي گردد.

شکل ۱ شمای بستر SFE، ذرات موجود و مکانیزمهای انتقال جرم را بر اساس فرضیات مذکور نشان میدهد.

### ۲– ۲– معادلات مدل

با در نظر گرفتن فرضیات فوق و اعمال موازنه جرم برای دو المان شکل -1 و المان شکل -1، معادلات مربوط به ناحیه متخلخل درونی ذره  $(l - r < R_p - l)$ ، فاز جامد با سلولهای شکسته  $(R_p - l < r < R_p)$  و فاز سیال در بستر به ترتیب بهصورت زیر خواهند بود:

 $(0 \le r \le R_p - l)$  ناحیه متخلخل درونی ذره  $r \le R_p - l$ 

$$\frac{\partial C_p}{\partial t} + \frac{(1 - \varepsilon_p)}{\varepsilon_p} \cdot \frac{\partial C_s}{\partial t} = \frac{D_{eff}}{\varepsilon_p \cdot r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \frac{\partial C_p}{\partial r} \right) \tag{1}$$

جهت بیان تعادل بین جامد و سیال درون حفرات از رابطه خطی  $K_p$   $K_p$  استفاده می کنیم که  $K_p$  ضریب توزیع حل شونده بین فاز جامد و سیال درون حفرات می باشد.

به دلیل پیچیدگی ساختار زیست توده، دغدغه این مدل سازی توصيف كامل انتقال جرم در فاز جامد است. چراكه نگرشها و ایدههای گوناگونی برای توصیف ساختار ذره جامد و تعامل SCF با این ساختار وجود دارد. در مدلسازی حاضر جهت توصيف ساختار ذره جامد و تعامل SCF با آن چنين در نظر گرفته می شود: در سطح ذرات حاصل از آسیاب نمودن گونه گیاهی دیواره سلولها شکسته هستند اما ناحیه درونی از آسیب فیزیکی در امان مانده و دیواره سلول های حاوی حل-شونده (روغن)، سالم هستند. در حین تثبیت فشار و دما در مخزن استخراج، بین سلولهای شکسته سطح ذرات و فاز سیال به سرعت تعادل برقرار می گردد و با شروع فرایند استخراج همچنان روغن از سلولهای شکسته مستقیماً وارد فاز سیال میشود تا وقتی که غلظت آن به مقداری کاهش یابد که با شبکه جامد در تعامل باشد. این مقدار «ظرفیت برهمکنش فاز جامد» و حلشوندهای که میتواند مستقیماً وارد فاز سیال شود «حلشونده آزاد» نامیده می شود. ضریب انتقال جرم كلى تا وقتى كه حل شونده آزاد استخراج مى شود ثابت میماند. سپس نرخ استخراج با دخالت اثر تعامل بین حل شونده و شبکه جامد در فاز سلول های شکسته آهسته می-شود و درنهایت حل شونده درون ناحیه دست نخورده مرکزی به سمت لایه سطحی سلولهای شکسته نفوذ میکند و از آنجا توسط سيال فوق بحراني استخراج مي گردد. ظرفيت برهمکنش فاز جامد با سلولهای شکسته، «غلظت گذرا» نیز نامیده می شود؛ زیرا وقتی غلظت حل شونده در فاز جامد با سلول های شکسته به این مقدار رسید، نرخ استخراج از حالت ثابت به حالت نزولی گذر می کند.

فرضیات مدل به شرح زیر است: (۱) در طی فرآیند استخراج، خواص فیزیکی سیال فوق بحرانی و مشخصات بستر مانند کسر خالی و سطح تماس ثابت میماند. (۲) از گرادیان دما و افت فشار در طول بستر صرفنظر میشود. (۳) از پراکندگی شعاعی در بستر به دلیل سرعت بالای محوری صرفنظر میشود. (۴) سرعت حرکت سیال در بستر ثابت فرض میشود. (۵) ماده قابل استخراج به طور یکنواخت در سرتاسر ماتریس گیاهی توزیع شده است و توسط یک جزء که خلشونده نامیده میشود، معرفی می گردد. (۶) ذرات گیاه در ظرف استخراج به شکل کروی و دارای اندازه یکسان می باشند که در طی فرآیند تغییر نمی کند. (۲) در سطح ذره به ضخامت معینی دیواره سلول ها شکسته و حلشونده در معرض فاز معینی دیواره سلول ها شکسته و حلشونده در معرض فاز





ته شكســــته ( $R_p - l < r \le R_p$ )  $R_p \left[ 1 - (\frac{R_p - l}{R_p})^3 \right] \frac{\partial C_l}{\partial t} = 3(\frac{R_p - l}{R_p})^2 k_s (C_p^+ - C_l) - 3k_f (C^* - C_f)$  (۶) شرط اولیه رابطه فوق به صورت زیر است:  $t = 0 \rightarrow \begin{cases} C_f = C_{f_0} \\ C_l = C_{l_0} \\ C_p^+ = C_{p_0} \end{cases}$  (۷)

در نتیجه رابطه (۱) بهصورت رابطه (۲) تغییر می یابد.  

$$[\varepsilon_{p} + \frac{(1 - \varepsilon_{p})}{K_{p}}]\frac{\partial C_{p}}{\partial t} = \frac{D_{eff}}{r^{2}}\frac{\partial}{\partial r}(r^{2}\frac{\partial C_{p}}{\partial r})$$
(۲)

شرایط مرزی و شرط اولیه رابطه (۲) به صورت زیر است:  

$$at \ r = 0 \rightarrow \frac{\partial C_p}{\partial r} = 0$$
 (۳)

at 
$$r = R_p - l \rightarrow -D_{eff} \frac{\partial C_p}{\partial r} = k_s (C_p^+ - C_l)$$
 (\*)

$$t=0 \quad \rightarrow \quad C_p=C_{p_0} \quad , \quad C_l=C_{l_0} \tag{(a)}$$

۲-۲-۳ فاز سیال

$$\frac{\partial C_f}{\partial t} + u_i \frac{\partial C_f}{\partial z} = D_{ax} \frac{\partial^2 C_f}{\partial z^2} + \frac{3k_f}{R_p} (\frac{1 - \varepsilon_b}{\varepsilon_b}) (C^* - C_f)$$
(A)

شرایط مرزی و شرایط اولیه رابطه فوق به شرح زیر است:  
$$t = 0 \rightarrow C_f = C_{f_0}$$
 (۹)

$$at \ z = 0^- \ \rightarrow \ C_f = 0$$

at 
$$z = 0^+ \rightarrow D_{ax} \frac{\partial C_f}{\partial z} = u_i (C_f - 0)$$
 (1.1)

$$at \ z = L \ \to \ \frac{\partial C_f}{\partial z} = 0 \tag{11}$$

#### ۲- ۳- غلظتهای اولیه و غلظت تعادلی

قبل از ورود حلال به اکسترکتور، -0 = t، غلظت حل-شونده در ناحیه با سلولهای شکسته برابر با غلظت در خوراک است که هنوز عملی روی آن انجام نگرفته است،  $C_{I_{0-}} = C_u$ . بنابراین با نوشتن موازنه جرم کلی برای حلشونده در لحظه صفر، غلظت اولیه در فاز جامد با سلولهای شکسته برابر خواهد بود با:

$$C_{I_0} = C_u - \frac{V_f}{V_l} C_{f_0}$$
(17)

$$\frac{V_f}{V_l} = \frac{\gamma}{\delta} \quad , \quad \gamma = \frac{\varepsilon_b}{1 - \varepsilon_b} \tag{17}$$

 $\delta$  کسر  $V_f$  حجم سیال موجود در بستر است.  $\delta$  کسر حجمی فاز جامد با سلولهای شکسته در یک ذره و یا در کل جامد میباشد. اگر  $v_i$  حجم فاز جامد با سلولهای شکسته در  $v_p$  خرم،  $V_l$  حجم کل فاز جامد با سلولهای شکسته،  $v_p$  حجم هر ذره کروی،  $V_s$  حجم کل ذرات جامد و n تعداد ذرات موجود در بستر باشد،  $\delta$  برابر خواهد بود با:

$$\delta = \frac{V_l}{V_s} = \frac{nv_l}{nv_p} = 1 - (1 - \frac{l}{R_p})^3$$
(14)

$$\varphi = \frac{1}{R_p} \tag{10}$$

$$\delta = 1 - (1 - \varphi)^3 \tag{19}$$

و نسبت ضخامت لایه حاوی سلولهای شکسته در صلح ذره به شعاع ذره است.

بر اساس فرض (۱۰) غلظت اولیه در سیال فوق بحرانی برابر غلظت تعادلی اولیه و غلظت در ناحیه درونی ذره برابر غلظت خوراک میباشد:

$$C_{f_0} = C_0^* \tag{1Y}$$

$$C_{p_0} = C_u \tag{1A}$$



شکل (۲) غلظت اولیه در فاز سیال بهعنوان تابعی از غلظت اولیه فاز جامدِ با سلولهای شکسته

غلظت تعادلی  $(C^*)$ ، غلظت حل شونده در فیلم ساکن سیال اطراف ذره است که با فاز جامد در تعادل ( غلظت سطح مشترک در سمت سیال) است. غلظت تعادلی تابع غلظت حل-شونده در سطح ذره است و برهمکنش بین حل شونده و شبکه جامد بر آن تأثیـر میگذارد. بدین ترتیب که در هر لحظه وقتى سيال فوق بحرانى عارى از حل شونده وارد جداساز می شود، غلظت فاز جامد با سلول های شکسته، غلظت تعادلی سیال واردشده را تعیین می کند تا مشخص شود که آیا این غلظت با وجود برهمکنش بین حل شونده و شبکه جامد، فاز سیال در تعادل را اشباع میکند یا خیر؟! بر این اساس مقدار در واقع  $C_{l_0}^{sat}$  و  $C_l^{sat}$  ،  $C_{l_{o-1}}$  تابع مقدار ( $C_0^*$  =)  $C_{f_0}$ نسبت مقدار حل شونده آزاد در خوراک  $(C_{l_{1}}V_{l} - C_{l}^{t}V_{l})$  به غلظت اشباع سیال،  $C_{f_0}$ و متعاقباً  $C_{I_0}$  را مشخص مینماید.  $C_u V_l - C_l^{t} V_l$  بنابراین با توجه به  $C_l = C_u$ ، با مقایسه مقدار با توجه به به نسبت به  $C_{f_{t}}$ مقدار  $C_{f_{t}}$  و  $C_{f_{t}}$ مشخص می شوند. شکل ۲ و جدول ۱ چهار حالت ممکن را نشان میدهد.

در نوع (I)، مقدار حل شونده آزاد در خوراک بیش از مقدار مورد نیاز برای اشباع سیال است؛ در ناحیه (I-a) در شکل ۲، مقدار حل شونده آنقدر زیاد است که حتی اگر تمام آن با شبکه جامد در تعامل باشد، غلظت اولیه  $[\gamma(1-K)]/[\gamma(1-K)]/$ در فاز سیال غیرممکن است زیرا سیال به غلظت بیشتر از اشباع نمیتواند دست یابد. در واقع وقتی محتوی اولیه حل-شونده در ذره در این حد بالاست، وجود و عدم تعادل بین شونده و شبکه جامد اهمیتی ندارد و غلظت اولیه سیال برابر غلظت اشباع است. در ناحیه (I-I) اگر حل شونده با فاز جامد برهمکنش داشته باشد، فاز سیال اشباع نمی شود و غلظت آن از خطچین پیروی می نماید ولی چون حل شونده آزاد است بدون وجود ممانعت وارد فاز سیال می شود و آن را اشباع می سازد. در نوع (II)، محتوی حل شونده آزاد خوراک دقیقاً برابر مقدار مورد نیاز برای اشباع سیال است.

مقدار حلشونده آزاد		مقدار حلشونده در سیال اشباع	$C_{f_0}$ g $C_{l_0}$		
	>		$C_{f_0} = C^{sat}$	$C_{l_0} > C_l^t$ , $C_{l_0} = C_u - \frac{\gamma}{\delta}C^{sat}$	(I)
$C_u V_l - C_l^t V_l =$		$C^{sat}V_f$	$C_{f_0} = C^{sat}$	$C_{l_0} = C_l^t$	
	<		$C_{l_0} = C_l^t$	$C_{f_0} < C^{sat}$ , $C_{f_0} = \frac{\delta}{\gamma} (C_u - C_l^t)$	(III)
$C_u V_l \le C_l^t V_l$		$C_{f_0}V_f = KC_uV_l$	$C_{l_0} < C_l^t$ , $C_{l_0} = (1-K)C_u$	(IV)	

جدول (۱) غلظت اولیه در فازهای سیال و جامدِ با سلولهای شکسته با توجه به محتوی حل شونده آزاد خوراک

جدول (۲) تابعیت غلظت تعادلی از غلظت حل شونده آزاد

-	
	$C_{I_{n-1}} - C_l^t \ge \frac{V_f}{V_l} C^{sat} \implies C_n^* = C^{sat}$ ,
(A)	for $n = 0$ : $C_{l_0} = C_{l_{-1}} - \frac{V_f}{V_l} C^{sat}$
	$C_{l_{n-1}} - C_{l}^{t} < \frac{V_{f}}{V_{l}} C^{sat}$ & $C_{l_{n-1}} > C_{l}^{t}$
(B)	$\Rightarrow C_{l_n} = C_l^t , \frac{V_f}{V_l} C_n^* = C_{l_{n-1}} - C_l^t$
	$C_{l_{n-1}} \leq C_l^t \Rightarrow V_f C_n^* = K V_l C_{l_{n-1}},$
(C)	for $n = 0$ : $C_{l_0} = (1 - K)C_{l_{-1}}$

$$Y(t) = \frac{E(t)}{n_u}$$
(۱۹)  
 $n_u$  (۱۹)  $n_u$  (۱۹)  
 $m_{feed}$  مشخص است که اگر  $\omega$  کسر  
 $m_{feed}$  معصاره در خوراکی به مقدار جرمی  $m_{feed}$  باشد، از  
 $m_{feed} / M_e$  باشد، از  
 $n_u = \omega m_{feed} / M_e$  مولی  
 $m_{feed}$  ( $M_e$  مولی  
عصاره).  $m_{feed}$  به صورت آزمایشگاهی تعیین میگردد.  
 $m_{feed}$  (۲۰)  
 $Y(t) = \frac{Q}{n_u} \int_0^t C_f \Big|_{z=L} dt$ 

یا به صورت دیفرانسیلی: $\frac{dY(t)}{dt} = \frac{Q}{n_u} C_f \Big|_{z=L}$  (۲۱)

**۲** – ۵ – **بیبعد سازی** معادلات مـدل بـا اسـتفاده از متغیرهـای بـیبعـد زیـر بهصورت بیبعد نوشته میشوند: بهصورت با  $x^{sat} = \frac{C^{sat}}{C_{f_0}}$  ;  $x_l = \frac{C_l}{C_{l_0}}$  ;  $x_u = \frac{C_u}{C_{l_0}}$  بنابراین در لحظه صفر، سیال اشباع است. در نوع (III)، مقدار حل شونده آزاد خوراک کمتر از مقدار مورد نیاز برای اشباع سیال است. بنابراین در لحظه صفر غلظت فاز جامد با سلولهای شکسته برابر غلظت گذرا و محتوی اولیه سیال فارغ از تعادل فازی، برابر مقدار حل شونده آزاد خوراک خواهد بود. در نوع (IV)، کل حل شونده موجود در فاز سلولهای شکسته در  $_{0}^{-}$  در تعامل با شبکه جامد است. یعنی حل شونده آزادی در این فاز وجود ندارد. لذا تعادل فازی بر پایه ضریب توزیع حل شونده در فاز جامد و سیال برقرار است.

در زمانهای  $t > t_0$  برای  $C^*$  این روند همچنان ادامه دارد؛ یعنی  $C^*$  در هر لحظه تابع غلظت فاز l در لحظه قبل است. اما برای  $C_1$  دیگر اینچنین نیست چرا که با شروع است. اما برای  $C_1$  دیگر اینچنین نیست چرا که با شروع استخراج،  $C_1$  از  $c_p$  تأثیر میپذیرد. با فرض نوع (II) بهعنوان حالت خاصی از نوع (I)، سه حالت برای غلظت تعادلی  $C^*$  در گام زمانی الم (..., 1, 2, ...) پیش خواهد آمد (جدول ۲).

که 0 = n معادل t = 0 است و  $C_{I_{-1}} = C_{I_{0}} = C_{I_{0}}$  و همواره  $C_{f_{0}}^{*} = C_{f_{0}}^{*}$ . شایان ذکر است در حالت (B)،  $C_{f_{0}}^{*} = C_{0}^{*}$  صرفاً غلظت سطح مشترک فازهای جامد و سیال در سمت سیال بوده و معرف غلظت تعادلی نیست. به عبارت دیگر در این حالت به علت مؤثر واقع شدن تأثیر برهمکنش حل شونده و فاز جامد، تعادلی تعادلی دالت، گسستگی رابطه تعادلی به کاربرده شده است.

۲- ۴- بازده استخراج

مقدار عصاره استخراجشده در مدتزمان t از رابطه مقدار عصاره استخراجشده در مدتزمان t از رابطه  $E(t) = Q \int_0^t C_f \Big|_{z=L} dt$  حساب می شود. Q دبی حجمی حلال [m<sup>3</sup>(solvent)s] و [m<sup>3</sup>(solvent)] و [mol(extract)/m<sup>3</sup>(solvent)] در انتهای اکستر کتور است.

بازده استخراج در هر لحظه برابر با مقدار مول عصاره استخراج م $n_u$  ، است: استخراجشده نسبت به مقدار عصاره در خوراک،  $n_u$ 

جدول (۳) تابعیت بی بعد غلظت تعادلی از غلظت حل شونده آزاد

(A)  

$$\begin{aligned} x_{l_{n-1}} - x_{l}^{t} \geq \beta \frac{\gamma}{\delta} x^{sat} \Rightarrow x_{n}^{*} = x^{sat} = 1, \\ for \ n = 0 : x_{l_{0}} = x_{l_{-1}} - \beta \frac{\gamma}{\delta} \\ \end{aligned}$$
(B)  

$$\begin{aligned} x_{l_{n-1}} - x_{l}^{t} < \beta \frac{\gamma}{\delta} x^{sat} & \& x_{l_{n-1}} > x_{l}^{t} \\ \Rightarrow x_{l_{n}} = x_{l}^{t}, \ x_{n}^{*} = x_{f} = \frac{\delta}{\beta \gamma} (x_{l_{n-1}} - x_{l}^{t}) \\ \end{aligned}$$
(C)  

$$\begin{aligned} x_{l_{n-1}} \leq x_{l}^{t} \Rightarrow x_{n}^{*} = \overline{K} \frac{\delta}{\gamma} x_{l_{n-1}}, \\ for \ n = 0 : x_{l_{0}} = (1 - K) x_{l_{-1}} \end{aligned}$$

صورت بی بعد روابط جدول ۲ به صورت جدول ۳ است که در آن  $x_{l_{-1}} = x_u$  و  $x_{l_0} = x_{f_0} = x_0^* = 1$  و صورت بی بعد معادله (۲۱) با جای گذاری  $\theta$  و قرار دادن  $n_u$  برابر معادله (۲۱) با جای گراری  $(E_b V_b u_i / L)$  بهایتاً به صورت زیر خواهد بود:

$$\frac{dY(\theta)}{d\theta} = a.\gamma.\beta \frac{x_f \big|_{z=L}}{x_u} \tag{(74)}$$

 $at \ \theta = 0 \ \to \ Y = 0 \tag{7}$ 

#### ۲- ۶- حل عددی

برای حل معادلات دیفرانسیل جزئی بهدست آمده، از روش تفاضلات محدود و جهت داشتن پایداری نامشروط، از صورت ضمنی استفاده می کنیم. برای این منظور با تقسیم طول بستر به M نقطه و معادل با هر نقطه، تقسیم شعاع ذره به N نقطه بدون در نظر گرفتن ضخامت لایه حاوی سلولهای شکسته و لحاظ یک گام مکانی با اندازه *ا* برای لایه شامل سلولهای شکسته، شبکهبندی فضای محاسباتی حاصل می-شود. برای مشتقات اول و دوم تفاضلات محدود را به صورت مرکزی، برای شرطهای مرزی ابتدایی به صورت پیشرو و برای شرطهای مرزی انتهایی به صورت پسرو می نویسیم. تقریب مشتقات مکانی با تفاضلات محدود به روش ضمنی سبب می-شود در هر گام زمانی مقدار هر گره از فضای محاسباتی تابع مقادیر در گام زمانی آتی باشد.

با توجه به تقسیم،نـدی فضای محاسـباتی در هـر گـام زمانی تعداد M × N مجهول برای ناحیه درونی فـاز جامـد، M مجهول برای لایه به ضخامت *I* و M مجهول بـرای فـاز سـیال وجود دارد و متعاقباً [M × N + 2M] معادله خواهیم داشت

$$\begin{split} & :\beta = \frac{C_{f_0}}{C_{l_0}} : :x_p = \frac{C_p}{C_{l_0}} : :x^* = \frac{C^*}{C_{f_0}} : :x_f = \frac{C_f}{C_{f_0}} \\ & :Z = \frac{z}{L} : :\xi = \frac{r}{R_p - l} : :\theta = \frac{t.D_{eff}}{R_p^2} : :\overline{K} = K \frac{C_{l_0}}{C_{f_0}} \\ & :Pe = \frac{u_i.L}{D_{ax}} : :Bi^* = \frac{k_f.R_p}{D_{eff}} : :Bi = \frac{k_s(R_p - l)}{D_{eff}} \\ & :v_f = \frac{u_i.L}{D_{ax}} : :Di^* = \frac{v_f.R_p}{D_{eff}} : :Di^* = \frac{v_f.R_p}{D_{eff}} \\ & :u_f = \frac{v_f.R_p}{D_{eff}} : :Di^* = \frac{v_f.R_p}{D_{eff}} : :Di^* = \frac{v_f.R_p}{D_{eff}} \\ & :u_f = \frac{v_f.R_p}{D_{eff}} : :Di^* = \frac{v$$

$$x_u = 1 + \frac{\gamma}{\delta}\beta \tag{(YY)}$$

و صورت بیبعد معادلات مدل بهصورت زیر خواهد بود:

$$(1 \ge 3 \ge 0)$$
 ناحیه متخلخل درونی ذره  $(1 \ge 3 \ge 0)$ 

$$\alpha \frac{\partial x_p}{\partial \theta} = \frac{1}{(1-\varphi)^2} \frac{1}{\xi^2} \frac{\partial}{\partial \xi} (\xi^2 \frac{\partial x_p}{\partial \xi})$$
(YW)

$$\alpha = \varepsilon_p + \frac{(1 - \varepsilon_p)}{K_p} \tag{(TF)}$$

$$at \ \xi = 0 \quad \to \quad \frac{\partial x_p}{\partial \xi} = 0 \tag{(Y\Delta)}$$

$$at \ \xi = 1 \ \rightarrow \ \frac{\partial x_p}{\partial \xi} = -Bi(x_p^+ - x_l) \tag{(Y9)}$$

$$\theta = 0 \quad \rightarrow \quad x_p = x_{p_0} \quad , \quad x_l = x_{l_0} = 1 \tag{(YY)}$$

$$(1 < \xi \leq \frac{R_p}{R_p - l})$$
 فاز جامد با سلول های شکسته  $(1 < \xi \leq \frac{R_p}{R_p - l})$ 

$$[1 - (1 - \varphi)^3] \frac{\partial x_l}{\partial \theta} =$$
  
3(1 - \varphi)Bi(x\_p^+ - x\_l) - 3.Bi^\*.\varphi(x^\* - x\_l) (YA)

$$\theta = 0 \rightarrow \begin{cases} x_f = x_{f_0} = 1 \\ x_l = x_{l_0} = 1 \\ x_p^+ = x_{p_0} \end{cases}$$
(79)

فاز سيال

$$\frac{\partial x_f}{\partial \theta} + a \frac{\partial x_f}{\partial Z} =$$

$$\frac{a}{Pe} \frac{\partial^2 x_f}{\partial Z^2} + 3Bi^* (\frac{1 - \varepsilon_b}{\varepsilon_b})(x^* - x_f)$$
(7.)

که 
$$rac{u_i.R_p^2}{L.D_{e\!f\!f}}$$
 ثابت مدل است.

$$at \ \theta = 0 \ \rightarrow \ x_f = x_{f_0} = 1 \tag{(1)}$$

$$at \ Z = 0 \ \to \ \frac{1}{Pe} \frac{\partial x_f}{\partial Z} = (x_f - 0) \tag{(77)}$$

$$at \ Z = 1 \to \frac{\partial x_f}{\partial Z} = 0 \tag{(77)}$$

$$m = M : \frac{x_{f_{M,n+1}} - x_{f_{M-1,n+1}}}{\Delta Z} = 0$$
 (ff)

$$\rightarrow x_{f_{M-1,n+1}} - x_{f_{M,n+1}} = 0$$

$$n = 0 \quad x_{c} = x_{c} = 1$$
(\*A)

$$Y_{n+1} = \Delta \theta. a. \gamma. \beta\left(\frac{x_{f_{M,n+1}}}{x_{\mu}}\right) + Y_n \tag{(\%)}$$

$$n = 0 : Y = 0 \tag{(Y)}$$

#### ۲-۶-۲- تکنیک حل

اگر معادلات حاصل را در قالب یک دستگاه بیان کنیم، می توان آن را به روش ماتریس معکوس حل نمود. برای این منظور تقسیمات مکانی را یکپارچه میسازیم. بدین ترتیب که موقعیت شعاع ذره را به موقعیت آن در طول بستر وابسته می-سازیم [۹]. شکل ۳ این شماره گذاری را نشان میدهد. S که این وابستگی را بیان میکند معادل است با در نتيجه لايه حاوى سلولهاى [M + (m-1)(N+1)]. [M + m(N + 1)] شکسته در سطح ذرهای در موقعیت m با مشخص می گردد. بدین ترتیب در معادلات تفاضلی اخیر به  $x_{[M+m(N+1)]}, x_{l_m}$ و به جای  $x_{[M+(m-1)(N+1)+i]}, x_{p_{i_m}}$ قرار می گیرد.  $x_{[m-1]}$  نیز غلظت حل شونده در سیال در نقطه ای از بستر است که فاصله آن از محل ورود سیال -m) 1).L.DZ مىباشد. در نتيجـه تعداد (MN+2M) معادله تفاضلی با (MN+2M) مجهول در یک دستگاه معادلات به فرم [B]=[X][A] آرایش مییابند؛ بهطوریکه ماتـريس مجهولات [X] شامل $x_{n+1}$ ها به ترتيب از  $x_{1,n+1}$  تا [A] ماتریس مربعی با ابعادی برابر  $x_{MN+2M,n+1}$ (2M + MN) × (2M + MN)، شامل ضرایب مربوط به معادله است و [B] ماتریس مقادیر شامل  $x_n$ ها (MN+2M) و سایر عبارات معلوم است. این دستگاه معادلات با شروع از زمان صفر، n=0 حل می شود که مقدار  $x_0$  ها برابر است با مقادير اوليه كه معلوم مي باشند. براي حل دستگاه معادلات حاصل از نرمافزار MATLAB R2010a استفاده نموديم.

#### ۲-۷- پارامترهای مـدل

پارامترهایی مانند دما، فشار، حلالیت، دبی جریان سیال، اندازه ذرات و تخلخل بستر پارامترهای عملیاتی میباشند که شرایط آزمایش آنها را مشخص میکند.

۲–۶–۲– معادلات تفاضلی مدل  
*ناحیه متخلخل درونی ذره:*  
for 
$$i = 2, 3, ..., (N-1)$$
:  

$$\frac{\Delta \theta}{\alpha (1-\Box)^2 \Delta \xi^2} \left[ (1-\frac{1}{i-1}) x_{p_{i-1,m,n+1}} + (1+\frac{1}{i-1}) x_{p_{i+1,m,n+1}} \right]$$
(۳۶)  
 $-(1+\frac{2\Delta \theta}{\alpha (1-\Box)^2 \Delta \xi^2}) x_{p_{i,m,n+1}} = -x_{p_{i,m,n}}$   
شرط اولیه و شرایط مرزی به صورت زیر است:

$$i = 1 : \frac{x_{p_{2,m,n+1}} - x_{p_{1,m,n+1}}}{\Delta \zeta} = 0$$

$$\rightarrow x_{p_{1,m,n+1}} - x_{p_{2,m,n+1}} = 0$$

$$i = N : \frac{x_{p_{N,m,n+1}} - x_{p_{N-1,m,n+1}}}{\Delta \zeta}$$
(YV)

$$=Bi(x_{l_{m,n+1}}-x_{p_{N,m,n+1}}) \quad \rightarrow \tag{(\%)}$$

$$-x_{p_{N-1,m,n+1}} + (1+Bi\,\Delta\xi)x_{p_{N,m,n+1}} = Bi\,\Delta\xi\,x_{l_{m,n+1}}$$

$$n = 0 : x_{p_{i,m,0}} = x_{p_0}$$
(°9)

$$\left(1 + \frac{3 \cdot \Delta \theta \left(1 - \Box\right) B i}{1 - (1 - \Box)^3}\right) x_{I_{m,n+1}} = x_{I_{m,n}} + \left(\frac{3 \cdot \Delta \theta \left(1 - \Box\right) B i}{1 - (1 - \Box)^3}\right) x_{P_{N,m,n+1}}$$
(f.)

$$-\frac{3.Bi \Delta \theta}{1-(1-\Box)^3} (x_{m,n+1}^* - x_{f_{m,n+1}})$$
 شرط اولیه

$$n = 0 \rightarrow \begin{cases} x_{f_{m,0}} = x_{f_0} = 1 \\ x_{I_{m,0}} = x_{I_0} = 1 \\ x_{p_{m,0}}^+ = x_{p_0} \end{cases}$$
(\$1)

فاز سيال:

$$for \ i = 2, 3, ..., (M - 1):$$

$$x_{f_{m,n}} + 3.Bi^* \Delta \theta \cdot \left(\frac{1 - \varepsilon_b}{\varepsilon_b}\right) x_{m,n+1}^* =$$

$$-a\Delta \theta \left(\frac{1}{Pe \cdot \Delta Z^2} - \frac{1}{2 \cdot \Delta Z}\right) x_{f_{m+1,n+1}} +$$

$$\left(1 + \frac{2.a \cdot \Delta \theta}{Pe \cdot \Delta Z^2} + 3.Bi^* \Delta \theta \cdot \left(\frac{1 - \varepsilon_b}{\varepsilon_b}\right)\right) x_{f_{m,n+1}}$$

$$-a\Delta \theta \left(\frac{1}{Pe \cdot \Delta Z^2} + \frac{1}{2 \cdot \Delta Z}\right) x_{f_{m-1,n+1}}$$
(fY)

$$m = 1: \frac{x_{f_{2,n+1}} - x_{f_{1,n+1}}}{Pe.\Delta Z} = x_{f_{1,n+1}}$$

$$\to (Pe.\Delta Z + 1)x_{f_{1,n+1}} - x_{f_{2,n+1}} = 0$$
(FT)



شکل (۳) نمایش تقسیم بندی هر دو فاز سیال و جامد

Sh = $0.206 \text{ Re}^{0.8} \text{ Sc}^{1/3}$ , Re = $10 - 100$ , Sc < $10$	Puiggene et al. (1997)
Sh = $0.38 \text{ Re}^{0.83} \text{ Sc}^{1/3}$ , Re = $2 - 40$ , Sc = $2 - 20$	Del Valle et al.(2006) Tan et al.(1988)
$Sh = 0.82 Re^{0.6} Sc^{1/3}$ , $Re = 1-70$ , $Sc = 3-11$	Del Valle et al.(2006) King et al.(1993)
$Sh = 2.0 + 1.1 Re^{0.6} Sc^{1/3}$ , $Re = 3 - 3,000$ , $Sc = 0.5 - 10,000$	Wakao et al.(1978) Yang(1999)
$Sh = 2.0 + 0.6 \text{ Re}^{1/2} \text{ Sc}^{1/3}$	Ranz et al.(1952) Yang(1999)
$Sh = 0.135 Re^{1/2} Sc^{1/3}$ $Re = 0.1689 - 1.2918$ $Sc = 6 - 25$	Mongkholkhaiornsilp et al.

جدول (۴) روابط ضریب انتقال جرم جابهجایی در سیال [۱۲]

 $x^{sat}$  غلظت اشباع بی بعد حل شونده در حلال است که از حلالیت محاسبه می شود. حلالیت به فرم (g solute / g solvent) را می توان از شیب اولیه (قسمت خطی) منحنی کاملِ استخراج حساب کرد که به راحتی قابل بازنویسی به صورت غلظت اشباع به فرم (gmol solute/ $m^3$  solvent) می باشد:

$$C^{sat} = S \frac{\rho_{solvent}}{M_{w,solute}} , \quad S = \left(\frac{dY}{d(m_{solvent} / m_{feed})}\right)_{t=0}$$
 (FA)

يا اينگه از شيب اوليه منحنى کلى استحراج:  

$$C^{sat} = \frac{m_{feed}}{Q_{solvent} . M_{w, solute}} \left(\frac{dY}{dt}\right)_{t=0}$$
(۴۹)

برای محاسبه حلالیت روغنهای گیاهی در CO<sub>2</sub> فوق بحرانی می توان از رابطه تجربی Del Valle et.al (۵۰) و یا رابطه تجربی Chrastil (۵۱) استفاده کرد [۴،۱۴]:

$$\ln y_{s}(kg \, m^{-3}) = \kappa \ln \rho_{f}(kg \, m^{-3}) + \frac{a}{T(K)} + b \qquad (\Delta \cdot)$$

$$y_{s} = \frac{1}{\rho_{f}} \left( \exp[40.361 - 18,708/T(K) + 2,186,840/T^{2}(K)](0.001\rho_{f})^{10742} \right)$$
 (\Delta\)

در رابطـه b،a،Del Valle et.al و k ثوابـت مربـوط بـه جنس ماده هستند کـه مـیبایسـت از دادههـای آزمایشـگاهی تعیین گردند.

پارامترهای  ${}^{t}_{I}$ ، غلظت گذرا بی بعد مربوط به فاز جامد با سلولهای شکسته، K، ضریب توزیع بین فیلم سیال اطراف ذره و سطح ذره و  ${}^{K}_{p}$  ضریب توزیع بین سلولهای حاوی حلشونده و سیال درون حفرات فاز جامد، از بهینه سازی مدل با مقایسه نتایج آزمایشگاهی و پیش بینی مدل به دست می آید. این سه پارامتر، پارامترهای تنظیم پذیر خواهند بود. برای یک ماده مشخص  ${}^{t}_{I}$  تابع اندازه ذره، دما، فشار و K و  ${}^{K}_{I}$  تابع دما، فشار و سرعت ظاهری حلال در بستر است [۱۵، ۱۵]. پارامتر  $\varphi$ ، نسبت ضخامت لایه سطحی جامد با سلول های شکسته به شعاع ذره، به عملیات مکانیکی کاهش سایز و استحکام ساختاری ماتریس جامد و سلول های گیاه بستگی

شکسته به شـعاع ذره، بـه عملیـات مکـانیکی کـاهش سـایز و استحکام ساختاری ماتریس جامد و سلولهـای گیـاه بسـتگی دارد؛ و برای یک ماده خاص تنهـا تـابع انـدازه ذره مـیباشـد. مقدار این پارامتر را نیز از بهینهسازی مدل به دست میآوریم.

# ۸-۸- بهینهسازی مدل و به دست آوردن پارامترهای تنظیم پذیر

جهت تعین مقدار پارامترهای تنظیم پذیر از روش حداقل سازی مجموع مربعات خطا بین نتایج پیش بینی مدل و نتایج آزمایشگاهی استفاده می کنیم و با انتخاب بازده استخراج به عنوان کمیت مورد مقایسه، تابع هدف به صورت زیر تعریف می شود:

$$OBJ = \sum_{j=1}^{\text{Number of Exp. data}} [Y_j^{\text{exp}}(t) - Y_j^{\text{cale.}}(t)]^2 \qquad (\Delta Y)$$

با توجه به اینکه چهار پارامتر ( $\varphi$ ,  $x_i'$ ,  $\chi$  و  $K_p$ ) هدف تنظیم میباشند، برای پیدا کردن بهینهترین ترکیب چهارتایی از پارامترها میبایست همه ترکیبها از مقادیر آنها امتحان شوند. بدین ترتیب که به هر یک از پارامترها حلقهای اختصاص میدهیم که بازه مناسبی از تغییر پارامتر مربوطه را با گامی مشخص طی کند. در نتیجه چهار حلقه متوالی خواهیم داشت که بعد از آزمایش همه ترکیبهای چهارتایی از

پارامترها در بازههای تعیینشده، حالتی که به ازای آن OBJ کوچکترین مقدار را دارد انتخاب می گردد.

### ۳- نتایج و بحث

جهت بررسی قدرت پیشبینی مدل، آن را برای استخراج دو نمونه روغن گیاهی، روغن دانه آفتابگردان و یکی از ترکیبات روغن دانه چریش<sup>۱</sup>، بنام نیمبین<sup>۲</sup> بکار برده و پیشبینی بازده استخراج توسط مدل را در شرایط مختلف دبی جریان سیال، حجم اکسترکتور، دما، فشار و اندازه ذرات می سنجیم تا بتوان توانایی مدل را در بیان پارامترهای تأثیرگذار بر استخراج و همچنین کاهش کار آزمایشگاهی سنجیدی استخراج و نتیجه

مدلسازی، از تعریف <sup>8</sup>SSD<sup>%</sup> استفاده می کنیم:  

$$SSD\% = \sum_{j=1}^{N_p} \left(Y_j^{exp} - Y_j^{calc}\right)^2 \times 100$$
 (۵۳)

# ۳-۱- نتایج مدلسازی استخراج فوقبحرانی روغن آفتابگردان

۵ تا ۱۶٪ اسیدهای چرب روغن دانه آفتابگردان اشباع شده و مابقی غیر اشباع است. این روغن ۷۰٪ اسید لینوئیک، مقداری فسفولیپید و ویتامین E دارد که چربی خون را پائین آورده و کلسترول را تنظیم میکند و برای قلب، ریه و چشم مفید است و به دلیل مقدار قابلتوجه ویتامین E منبع آنتیاکسیدان به شمار میآید. به علاوه غنی از پروتئین و حاوی مواد مغذی مانند ویتامین B1، منگنز، منیزیم، مس، سلنیم و ... است. دادههای استخراج فوق بحرانی روغن آفتابگردان توسط

Perrut و همکاران [۱۷] در جدول ۵ ارائه شده است.

استخراج در شرایط فوق, حرانی دمای ۳۱۳K و فشار ۲۸MPa برای  $Co_2$  به عنوان حلال، انجام گرفت. جهت بررسی اثر نسبت طول به قطر اکستر کتور بر بازده استخراج، استخراج استخراج با دبی جرمی ثابت ۸۸g/h، در دو حجم متفاوت اکستر کتور، با دبی جرمی ثابت ۸۸g/h، در دو حجم متفاوت اکستر کتور، «سری ۱» با حجم  $^{m}$  ۳<sup>-1</sup> × ۱۰<sup>-1</sup> و نسبت طول به قطر ۳/۵۴ و «سری ۲» با حجم  $^{m}$  ۳<sup>-1</sup> ۲۰ × ۱۰<sup>-1</sup> و نسبت طول به قطر ۳/۵۴ و «سری ۲» با حجم درسی اثر دبی، استخراج با دبی قطر ۳/۵۴ انجام شد. و جهت بررسی اثر دبی، استخراج با دبی قطر ۳/۴۲ انجام شد. و جهت بررسی اثر دبی، استخراج با دبی در سری ۱ انجام شد. نتایج کلیه آزمایش ها برای بازده استخراج که توسط ترایش ها برای بازده مدر سری ۱ می انجام شد. نتایج کلیه آزمایش ها برای بازده مده است.

سری ۱	سری ۲	بـستر	تابگردان	ذرات دانه آف	
•/۵۵•	•/•۵•	$m_{feed} (kg)$		$C_u(gmol/m^3)$	
• / ١	• / ١	کسر جرمی روغن	1.0/111		
•/•٨٢•	•/•۳۵•	$d_b(m)$	۳ × ۱۰ -۳	$d_{n}(m)$	
٠/٢٩٠	•/100	L(m)		P · · ·	
1/221× 1.	•/149× 1• -*	$V_e(m^3) = AL$	٩٢٢	$\rho_p(kg/m^3)$	
• /8 1	•/84	$\varepsilon_{b} = 1 - \frac{m_{feed}}{A L \rho_{p}}$	• /٣ • ٩	$\mathcal{E}_p$	

جدول (۵) مشخصات فیزیکی بستر

#### جدول (۶) بازده استخراج فوق بحرانی روغن آفتابگردان در زمانهای مختلف از مدت استخراج

	$V_{\rm e} = 1/\Delta \times 1 \cdot {}^{-\tau} ({\rm m}^3)$								$V_{\rm e} = \cdot / \Lambda \Delta$	$\times 1 \cdot 0^{-\mathbf{r}} (\mathbf{m}^3)$		
۵(k	g/h)	۱۰(۱	xg/h)	۲۰(ا	xg/h)	۲۵(kg/h) ۴۰(k		۴۰(k	g/h)	۵(k	۵(kg/h)	
t (min)	Y	t (min)	Y	t (min)	Y	t (min)	Y	t (min)	Y	t (min)	Y	
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	
٧٠	•/١١	٣٠	•/١١	١٠	•/١•٣	۱۵	•/١١	۵	•/١	۵	•/١٣١	
۱۵۰	•/184	۴۵	٠/١۶١	۴۵	۰/۲۲۵	٣٠	٠/١٩	١٠	۰/۱۴۵	١٠	۰/۱۶۱	
۲۲۰	•/778	۶.	۰/۱۹۴	۶.	•/۲۵۴	۴۵	•/774	۱۵	•/184	۲.	•/٣٣٣	
۲۹۰	۰/۲۵۹	٩٠	۰/۲۳۵	۷۵	۰/۲۷	۶.	•/YQV	۲۰	۰ /۲ ۱	٣٠	۰/۲۵۹	
۳۶۰	٠/٢٨٩	17.	۰/۲۶	17.	•/794	٧٠	۰/۲۷۵	٣٠	•/744	۴.	•/774	
۵۲۰	۰/۳۱۳	۱۵۰	٠/٢٧٨	۱۸۰	۰/۳۱۲	۱۰۰	٠/٢٩	۴.	•/787	۶.	۰/٣٠٨	
۷۲۰	•/٣٢۴	۱۸۰	٠/٢٩	74.	۰/۳۲۳	140	۰/۳۱۵	۶۰	•/784	٩٠	٠/٣١۵	
		74.	٠/٢٩٣	۳۰۰	•/٣٣۴			۷۵	۰ /٣	17.	•/٣٢٢	
		٣٠٠	٠/٣١٧									
		۳۶۰	•/٣٢۴									
		47.	۰/۳۲۷									

#### جدول (Y) خواص فیزیکی CO<sub>2</sub> در دما و فشار آزمایش

$T = \texttt{VVV/V}(K) \ , \ P = \texttt{V}(Mpa)$					
$\rho$ (kg/m <sup>3</sup> )	۸۹۷/۸۴				
$\mu$ (Pa.s)	۹/۱۵ × ۱۰ <sup>-۵</sup>				
(kg oil/kg CO <sub>2</sub> ) حلاليت	•/• ) )				

#### جدول (۸) خواص فیزیکی CO<sub>2</sub> و روغن آفتابگردان در نقطه بحرانی و جرمهای مولکولی

خواص بحرانی	CO <sub>2</sub>	روغن آفتابگردان
$T_{c}(K)$	<b>W• F/177</b>	۱۳۳۲/۳۵ [۱۸]
P <sub>c</sub> (Mpa)	٧/٣٧٨	•/٣١ [١٨]
V <sub>c</sub> (m <sup>3</sup> /gmol)	9/474× 1 · -۵	<sup>۱</sup> ۴/۸۷۶ × ۱۰ <sup>-۳</sup>
M <sub>w</sub> (g/gmol)	44/+ 1	۸۷۶/۱۶ [۱۹]
$ ho_C (\text{kg/m}^3)$	497	۱۷۹/۶۸۸

<sup>1</sup>Redlich Kwong Equation

خواص فیزیکی مورد نیاز سیال و حلشونده برای محاسبه پارامترهای مدل ارائه دادهشده به این شرح است: با توجه به جرم مولی روغـن آفتـابگردان، کسـر جرمـی آن در خـوراک و mol/m<sup>3</sup> درات، غلظت روغـن آفتـابگردان در خـوراک <sup>۳</sup> mol/m<sup>4</sup> ۱۰۵/۲۳ مـیباشـد. و از رابطـه (۴۸) غلظـت اشـباع روغـن آفتـابگردان در دمـا ۳۱۳K و فشـار ۴۸/۱۵ شـباع روغـن محاسبه میشود. بـا حـل معـادلات و روابـط (۳۶) الـی (۴۷)، همزمان با به کارگیری روابط جدول ۳، مدلسازی انجـام می-همزمان با به کارگیری روابط جدول ۳، مدلسازی انجـام می-یرد. نتایج مدلسازی برای دبیهای مختلـف از سیال فـوق بحرانی (به عبارتی سرعتهای ظاهری متفاوت حلال در بستر) کلی استخراج مربوطه میباشد. برای ابعاد مختلف اکسـترکتور با دبی ثابت حلال، نتایج مدلسازی در جـدول ۱۰ و شـکل ۵

				های وابسته	تنظيمپذير				
آ. ما	ṁ	$u_i \times 1 \cdot f$	پرامیزهای وابست. ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ - ۲۰۰				$\varphi = \cdot / \cdot \Delta^{c}$		
ايش	(kg/hr)	(m/s)	$D_{eff} \times 1 \cdot $ (m <sup>2</sup> /s)	$D_{ax} \times 1 \cdot {}^{\Delta}$ (m <sup>2</sup> /s)	$k_s \times 1 \cdot^{\wedge}$ (m/s)	$k_f \times 1 \cdot^{\Delta}$ (m/s)	K <sub>p</sub>	K	55D%
F1	۵	۴/۸	४/११	۱/YY ۱	8/84	۰/۹۶	•/• \٩•	197/•	• /۵۳•
F2	١٠	٩/۶	४/११	4/847	8/84	١/٣٧	•/•١۵•	184/.	•/۶ <b>\</b> •
F3	۲۰	19/19	४/११	۱۲/۲۰	8/84	١/٧١	•/••۶•	۴۲/۰	•/••۴
F4	۲۵	८८/११	४/११	18/84	8/84	١/٨٩	•/••۴•	•/٩•	•/• ١٣
F5	40	۴۳/۱۸	४/११	۲۷/۷۱	8/84	۲/۴۶	•/••• ١	•/••• ١	١/٣٩

جدول (۹) پارامترهای مدل در دبیهای مختلف؛ (m =&kg/hr ،P=TAMpa ،T=TIT/I&K) (



شکل (۴) منحنی کلی استخراج فوقبحرانی روغن آفتابگردان در دبیهای مختلف حلال؛ نقاط ناپیوسته دادههای آزمایشگاهی سری ۱، خطوط منقطع پیشبینی مدل

با توجه به جدول ۹، سرعت ظاهری سیال با افزایش دبی بستر افزایش و زمان اقامت حلال کاهش می یابد اما عدد رینولدز و در نتیجه ضریب انتقال جرم فاز سیال و ضریب پراکندگی محوری افزایش می یابد. نتیجتاً در یک زمان خاص بازده استخراج برای دبی بیشتر بزرگتر است و حداکثر بازده استخراج با افزایش دبی سیال در زمان کوتاهتری به دست می-آید. مدل حاضر هر دو مورد را به خوبی پیش بینی می نماید از بین پارامترهای تنظیم پذیر،  $r_{I}^{t}$  و  $\varphi$  مستقل از دبی جرمی حلال و ابعاد اکسترکتور هستند لذا مقدار آنها با اعمال بهینه سازی بر کلیه سری داده های آزمایشگاهی، برای همه آنها یکسان تعین گردید. اما برای X و  $K_{p}$  که تابع سرعت ظاهری سیال در بستر می باشند یک مقدار مجزا برای هر آزمایش مشخص شد. انحراف بین بازده تجربی و نتیجه مدل-سازی بر حسب %SSD در جداول گزارش شده است.

7/			پارامترهای وابسته				ی تنظیم پذیر ۱۰۸۹۰ = ∞		
آزمایش	<sup>L</sup> /D (m <sup>-1</sup> )	$u_i \times 1^{\bullet}$ (m/s)	$D_{eff}  imes 1 \cdot $ "• (m <sup>2</sup> /s)	$D_{ax}  imes 1 \mathbf{\bullet}^{\mathbf{\Delta}}$ ( $\mathbf{m}^2$ /s)	$k_s  imes 1 \mathbf{\cdot}^{\mathbf{A}}$ (m/s)	$k_f  imes 1 \cdot ^{\Delta}$ (m/s)	$\psi = \gamma r \boldsymbol{\omega} \boldsymbol{v}$ $K_p$	<b>K</b>	SSD%
سری ۲ ۰/۱۵× ۱۰ <sup>-۳</sup> m <sup>3</sup>	4/47	۲۵/۳	४/११	۱۷/۸۸	8/84	۱/۹۳	•/•••٨	۴۱/۳	۰/۲۳
سری ۱ <sup>-۳</sup> m <sup>3</sup> ۱/۵ × ۱/۵	۳/۵۴	۴/۸	۲/۹۹	١/٧٧١	8/84	۰/٩۶	•/• ١٩•	<b>١٩</b> ٧/•	۰/۵۳

جدول (۱۰) پارامترهای مدل در دو حجم متفاوت از اکسترکتور؛ (m =4kg/hr ،P=TAMpa ،T=T1T/14K) ب



شکل (۵) منحنی کلی استخراج فوقبحرانی روغن آفتابگردان. تأثیر نسبت طول به قطر اکسترکتور برای دبی حلال ۸ kg/h نقاط ناپیوسته دادههای آزمایشگاهی، خطوط منقطع پیشبینی مدل

از شکل ۵ واضح است که در اکسترکتور کوچکتر، با وجود نسبت طول به قطر بزرگتر، بازده استخراج بسیار زودتر به حد نهایی خود میرسد. زیرا زمان ماند کوتاهتر است که مدل این مورد را نیز به خوبی پیشبینی نموده است.

# ۲-۳- نتایج مدلسازی استخراج فوق بحرانی نیمبین از دانه چریش

نیمبین ( <sub>2</sub>0<sub>0</sub>, <sub>30</sub> ) یکی از ترکیبات شیمیایی موجود در روغن چریش میباشد که بهعنوان یک افعالیتهای طبقهبندی می گردد. نیمبین عامل بسیاری از فعالیتهای بیولوژیکی روغن چریش بوده و بهعنوان یک ضدالتهاب، ضد تب، ضد قارچ، آنتی هیستامین و ضدعفونی کننده شناخته شده است. جهت مدلسازی استخراج نیمبین از دانه چریش، از دادههای آزمایشگاهی مراجع [۲۱، ۲۰، ۱۰] استفاده گردید. قطر ذرات دانه چریش برای آزمایش هایی که اثر دبی جریان

سیال، اثر فشار و اثر دما را بررسی می کند، mm ۰/۶ میباشد.

#### ۳-۲-۱ اثر دبی جریان سیال

مدل، کوتاه شدن زمان استخراج برای رسیدن به حداکثر بازده را در اثر افزایش دبی سیال به خوبی پیشبینی مینماید. برای دبیهای ۱/۲۴ و SSD%،۰/۶۲ cm<sup>3</sup>/min، wیار کوچک ولی برای دبی ۱/۲۴ cm<sup>3</sup>/min خطا به نسبت بزرگتر است.

#### ۳-۲-۲ اثر فشار

افزایش فشار سبب افزایش چگالی سیال فوق بحرانی و در نتیجه افزایش حلالیت حل شونده در آن می شود. از طرف دیگر با افزایش فشار، ویسکوزیته سیال فوق بحرانی افزایش و عدد رینولدز کاهش می یابد لذا ضریب انتقال جرم فاز سیال کاهش می یابد. اما اثر مثبت اول غالب است و با افزایش فشار بازده استخراج افزایش می یابد. مدل این اتفاق را پیش بینی می کند.

ی بستر	فيزيك	مشخصات	(11)	جدول
--------	-------	--------	------	------

ذرات دانه چریش						
$\rho_p(kg/m^3)$	1174/2					
$\mathcal{E}_p$	•/۶١۴٣					
$C_u(gmol/m^3)$	۱۰۵/۲۳۲					
بستر						
$m_{feed} \ (kg)$	۲/۰۰×۱۰ <sup>-۳</sup>					
کسر جرمی روغن	$\Delta/ \cdot \cdot \times 1 \cdot - \epsilon$					
$V_e(m^3) = AL$	4/47 ×18					
$d_b(m)$	۰/۰۱۵۶					
L(m)	٠/• ١٩٠					
$\varepsilon_b = 1 - \frac{m_{feed}}{A L \rho_p}$	•/8144					

جدول (۱۱) خواص فیزیکی CO<sub>2</sub> در دما و فشار آزمایش

T (K)	P (Mpa)	ho (kg/m <sup>3</sup> )	$\mu \times 1 \cdot {}^{\diamond}$ (Pa.s)	<sup>۱</sup> حلالیت × ۱۰ <sup>۳</sup> (g oil/g CO <sub>2</sub> )	
$\mathbf{T}_1 = \mathbf{\nabla} \boldsymbol{\cdot} \mathbf{\Lambda}$		٨۶۶/٠١٠	۸/۴۳	$\nabla/\Delta \lambda$	
$T_2 = m n m$		٨۴٠/۶۶٠	V/AV	۳/۴۰ ۲/۸۶	
T <sub>3</sub> = <b>TTT</b>	۲.	۷۸۵/۲۳۲	۶/۹۱		
$T_4 \!= \! \mathbf{v} \mathbf{v} \mathbf{\lambda}$		۲۵۵/۰۹۰	۶/۴۷	۲/۵۱	
$T_5 = mm$		۲۲۴/۷۰۹	۶/۰۳	۲/۱۶	
	$P_1 = \mathbf{v}$	۳۳۸/۶۱۶	۲/۶۱	۱/•٣	
	$P_2 = \lambda \lambda$	V14/771	۵/۹۴	۱/۴۶	
222	$P_3 = \Upsilon \cdot$	۲۵۵/۰۰۹	۶/۴۷	۲/۵۱	
	$\mathbf{P}_4=\mathbf{Y}\mathbf{\tilde{v}}$	۲ <i>۴</i> ۷\۸۸۷	۷/۰۳	٣/٨۴	
	$P_5 = \Upsilon \mathcal{P}$	۸۱۹/۲۳۳	۷/۵۵	۵/۵۴	

جدول (۱۳) پارامترهای مدل در دبیها متفاوت جریان سیال؛ (P=۲۸Mpa ،T=۳۱۳/۱۵K ،dp=+/9mm)

q —	Q	$u_i \times \mathbf{N}^{\mathbf{F}}$		. وايسته	ی تنظیم-	SSD%			
					$\varphi = \cdot / \cdot \Delta$				
			$D_{\textit{eff}} \times 1 \cdot {}^{q}$	$D_{ax} \times 1 \cdot $ <sup>Y</sup>	$k_s  imes 1.5$	$k_f \times \operatorname{V}^{\operatorname{\Delta}}$	K "	K	
			(m <sup>2</sup> /s)	(m <sup>2</sup> /s)	(m/s)	(m/s)	p A		
F1	1/14	۱/۲۰	١/• ٩	۲/۷۶۲	۱/۲۱	۲/۴۰	•/•۶۴•	•/•••A	٠/٢٩
F2	•/87	• / ۶ •	١/• ٩	۱/•۵۲	١/٢١	۱/۹۱	•/•۶٨•	•/•••A	۰/۳۷
F3	•/74	•/778	١/• ٩	۰/۲۷۵	١ / ٢ ١	1/49	•/•٧٣•	•/••٧۴	۲/۴۰



نقاط ناپیوسته دادههای آزمایشگاهی، خطوط منقطع پیشبینی مدل

آزمایش	P (Mpa)		فاي واسته	ظيمپذير	SSD%			
				$\varphi = \cdot / \cdot$				
		$D_{eff} \times 1 \cdot 1^{\circ}$ (m <sup>2</sup> /s)	$D_{ax} \times 1 \cdot (m^2/s)$	$k_s \times 1.5$ (m/s)	$k_f \times 1 \cdot^{\Delta}$ (m/s)	$K_p$	Κ	
P1	١٠	۲۸/۶۰	۶/۴۳۳	٣/١٨	۴/۳۵	٠/٠٩	۰/۰۰۰۱	•/١٧
P2	١٨	17/1.	٩/۶٩١	1/84	۲/• ۹	٠/۴٠	۰/۰۰۰۱	٠/٣٠
P3	۲۰	۱٠/٩٠	۱۰/۵۲	۱/۲۱	۱/۹۱	٠/۴١	•/••• ١	۰/٣٩
P4	۲۳	٩/۴٠	۱۱/۳۳۹	1/•4	1/89	•/۴١	۰/۰۰۰۱	۰/۸۱
Р5	78	٨/٣٠	11/89	•/977	١/۵٣	• / <b>۵</b> •	۰/۰۰۰ ۱	۰/۲۳





نقاط ناپیوسته دادههای آزمایشگاهی، خطوط منقطع پیشبینی مدل

۳-۲-۳ اثر دما

با افزایش دما دانسیته سیال فوق بحرانی و حلالیت حل-شونده کاهش می یابد. اما ضریب انتقال جرم فاز سیال به علت کاهش ویسکوزیته سیال فوق بحرانی و افزایش عدد رینولدز، افزایش می یابد که اثر منفی کاهش دانسیته غالب بوده و با افزایش دما بازده استخراج کاهش می یابد که مدل این اتفاق را به خوبی پیش بینی می نماید.

#### ۳-۲-۴ اثر اندازه ذره

كاهش اندازه ذرات سبب افزايش سطح انتقال جرم و

شکسته شدن سلولهای بیشتری می شود در نتیجه مقاومت انتقال جرم کاهشیافته و بازده استخراج افزایش می یابد. مدل اثر افزایش بازده در اثر کاهش اندازه ذره را به خوبی پیش بینی می نماید. بعلاوه همان طور که می بایست نشان می دهد که پارامتر  $\varphi$  با کاهش اندازه ذره افزایش می یابد. افزون اینکه نشان می دهد نرخ افزایش برای اندازههای کوچک تر ثابت می-ماند؛ وقتی اندازه ذره از سلام ۱۸۵۰ به سلام ۱۴۴۰ کاهش می-یابد،  $\varphi$  با نرخ <sup>2</sup>-۱۰×۸/۹ و از آن به بعد با نرخ ثابت تقریباً ۱۰×۴ افزایش می یابد. این نکته در کاهش کار آزمایشگاهی بسیار حائز اهمیت می باشد.

	-		- 1	0 .	, ,		, U,	•
۹ —	T (K)		ای وابسته	پارامتره	تنظيمپذير	SSD%		
					$\varphi = \cdot / \cdot \Delta$			
		$D_{eff} \times 1 \cdot 1$ (m <sup>2</sup> /s)	$D_{ax} \times \mathbf{v} \cdot^{\mathbf{v}}$ (m <sup>2</sup> /s)	$k_s \times 1 \cdot^{\gamma}$ (m/s)	$k_f  imes 1 \cdot {}^{\Delta}$ (m/s)	K <sub>p</sub>	K	
T1	۳۰۸	Y / Y •	۳۵۲/۱	٨/۵۶	۱/۴۱	•/•٣•	•/••• ١	۰/۲۸
T2	۳۱۳	٨/٢٠	1/5 • 5	٩/١١	۱/۵۰	•/\••	•/••• ١	٠/٠٩
T3	878	۱ • /۶ •	1/+84	۱/۱۸	۱/٨۶	•/\\•	•/•••٢	۰/۱۶
T4	222	۱۰/۹۰	۱/۰۵۲	17/1.	۱/۹۱	•/\٧•	•/•••۴	•/87
T5	۳۳۳	11/5.	۱/۰۰۰	17/4.	۱/٩۶	•/١٩•	•/••1	• /٣٢

جدول (1۵) پارامترهای مدل در دماهای متفاوت عملیاتی؛ (Q=+/۶۲cm³/min ،P=۲۰Mpa ،dp=+/۶mm)



۴- جمعبندی و پیشنهادات

در این تحقیق جهت ارائه مدل ریاضی جامع برای بیان فرایند استخراج روغنهای گیاهی توسط سیال فوق بحرانی، پیچیدگی ساختار ماتریس جامد گیاهی، تأثیر عملیات کاهش سایز بر مکانیزم انتقال جرم درون ذرات جامد، اثر کنترل کننده تعادل فازی و برهمکنش بین حل شونده و ماتریس جامد در مدل سازی لحاظ گردید. برای توصیف ماتریس گیاهی، ساختاری شبکهای، ترکیبی از انشعابهای به هم متصل حفرات و سلولهای حاوی ماده مؤثره در نظر گرفته شد که در اثر عملیات مکانیکی کاهش سایز، در سطح ذرات به ضخامت معینی این ساختار درهم شکسته است. لذا وضعیت ماده مورد استخراج در سطح ذره و ناحیه درونی آن از لحاظ مقاومتهای انتقال جرم و دسترسی سیال به آن متفاوت است. با این نگرش، برای سطح خارجی ذره مفهوم حل شونده آزاد و برای ناحیه درونی ذره توزیع غلظت در نظر گرفته شد. ترکیب

مفهوم حل شونده آزاد با توزیع غلظت منجر به تعریف پارامتر جدید  $\varphi$  گردید که میتواند معیاری برای تعیین سایز بهینه ذرات باشد. بعلاوه تعادل فازی بین حل شونده در سطح ذره و فیلم ساکن سیال اطراف آن و همچنین بین آن و سیال در ناحیه درونی ذره لحاظ گردید که هر یک با ثابت تعادل مربوطه بیان می گردند و تأثیر برهمکنش بین حل شونده و ماتریس جامد بر تعادل فازی در سطح ذره در نظر گرفته شد. بعلاوه پراکندگی محوری در فاز سیال نیز در نظر گرفته شد. معادلات دیفرانسیل حاصل جزئی بوده و به صورت عددی حل شدند. از بین پارامترهای مدل،  $\varphi$  (نسبت ضخامت لایه سطحی آسیب دیده به شعاع ذره)، ظرفیت برهمکنش این لایه پارامترهای تنظیم پذیر مدل از بهینه سازی مدل به دست آمدند و مابقی از روابط تجربی و شرایط عملیاتی محاسبه گردیدند.

	$d_p \times 1 \cdot f$		پذير							
آزما			پرسرتنای ویست					$x_l^t = 1$		
్టి	(m)	$D_{eff} \times 1 \cdot 1$ (m <sup>2</sup> /s)	$D_{ax} \times 1 \cdot^{\gamma}$ (m <sup>2</sup> /s)	$k_s \times 1 \cdot^{\gamma}$ (m/s)	$k_f \times 1 \cdot \hat{\gamma}$ (m/s)	φ	K <sub>p</sub>	K		
S1	۱۸۵۰	٧/٧ •	۶/۱۷۸	۲/۷۷	۶/٩٠	۰/۰۱۵	۰/۵۸۵	•/•••)	• /99	
S2	144.	٧/٧ •	۴/۲۸۷	۳/۵۶	٨/٠٠	٠/٠١٩	•/•٩•	•/•••)	•/74	
S3	1.10	Y/Y •	۲/۶۳۰	۵/۰۶	۹/۹ ۰	۰/۰۳۸	•/•٧•	•/•••)	٠/١٣	
S4	۶	٧/٧٠	۱/۲۵۳	٨/۵۶	14/1.	۰/۰۵۶	•/• • •	•/•••)	۰/۲۸	

جدول (۱۶) پارامترهای مدل در اندازههای متفاوت ذره؛ (P=۲۰ Mpa ،T=۳۰۳ K)



شکل (۹) منحنی کلی استخراج فوقبحرانی نیمبین در اندازههای متفاوت ذرات نقاط ناپیوسته دادههای آزمایشگاهی، خطوط منقطع پیشبینی مدل

توانایی مدل برای پیشبینی بازده استخراج تحت تغییر پارامترهای مهم عملیاتی، دما، فشار، دبی سیال و اندازه ذرات، برای استخراج روغن دانه چریش و روغن دانه آفتابگردان پررسی شد. مقدار پارامتر  $\varphi$  به دست آمده برای ذرات دانه چریش، افزایش ضخامت لایه حاوی سلولهای شکسته با کاهش سایز ذرات و ثابت ماندن نرخ افزایش از یک اندازهای کوچک تر را نشان می دهد. مقدار پارامتر  $\varphi$  برای ذرات دانه آفتابگردان نشان می دهد که ضخامت لایه حاوی سلولهای شکسته در ذرات دانه آفتابگردان بیشتر از ذرات دانه چریش است و این استحکام بیشتر ساختار گیاهی دانه چریش را می-رساند. بعلاوه مشخص شد که محتوی حل شونده آزاد خوراک هر دو نمونه دانه روغنی خوراک به اندازه ای است که در گام زمانی صفر غلظت فاز سیال برابر غلظت اشباع و غلظت فاز جامدِ با سلولهای شکسته برابر غلظت گذرا است (1 = 1).

در بررسی اثر دبی جریان سیال، فشار، دما و اندازه ذرات پیشبینی مدل تطابق خوبی با دادههای آزمایشگاهی داشت. و درنهایت با توجه به اهمیت مدلسازی ریاضی فرایند SFE، جهت دستیابی به دقت هرچه بیشتر، انجام موارد زیر برای مدل ارائهشده پیشنهاد می گردد:

- مدلسازی با در نظر گرفتن روابط غیر خطی دو پارامتری و سه پارامتری جهت بیان تعادل بین سلولهای حاوی حـل-شونده و سیال درون حفرات و مقایسه نتایج با یکدیگر.
- تعیین پارامترهای تنظیم پذیر با استفاده از روش های غیر مبتنی بر محاسبه گرادیان ها، نظیر روش های جستجوی تصادفی مانند الگوریتم ژنتیک یا روش شبکه عصبی امتحان و مقایسه نتایج با یکدیگر.
- انجام مدلسازی با لحاظ پارامتر  $\varphi$  در تعریف رابطه ضریب
   انتقال جرم، به صورت  $\frac{D_{eff}}{3R_p(1-\varphi)}$  و مقایسه نتایج

#### علائم اختصاري و نمادها

- غلظت حل شونده در فاز جامد در ناحیه دست نخورده  $C_s$  درونی ذره،  $(molm^{-3})$
- خلظت حل شونده در سیال درون حفرات ناحیه دست-نخورده درونی ذره، (molm<sup>-3</sup>)
- موقعیت  $C_p^+ = C_{p_{R_{p-l}}}$  غلظت حل شونده در حفرات در  $(molm^{-3})$  از ذره،  $(R_p l)$
- غلظت حل شونده در فاز جامد با سلول های شکسته به  $C_l$  ضخامت " l"،  $(molm^{-3})$
- غلظت تعادلی حل شونده در سطح ذره در فاز سیال،  $C^*$
- غلظت گذرا حل شونده در فاز جامد با سلول های  $C_l^t$ شکسته، ( $molm^{-3}$ )

$$(molm^{-3})$$
 غلظت اشباع حل شونده در فاز سيال،  $C_f^{sat}$ 

$$(molm^{-3})$$
 غلظت حل شونده در فاز سیال،  $C_f$  $(molm^{-3})$  غلظت حل شونده در خوراک،  $C_u$ 

$$(k_f R_p \, / \, D_{e\!f\!f}$$
 =) عدد بايوت،  $Bi$ 

$$(k_s(R_p - l)/D_{eff} =)$$
 عدد بايوت،  $Bi$ 

$$(m)$$
 شعاع ذرات،  $R_p$ 

$$(m^2s^{-1})$$
 ضریب نفوذ مؤثر در حفرات ذره،  $(m^2s^{-1})$ 

$$(m^2 s^{-1})$$
 فريب پراکندگی محوری در فاز سيال،  $D_{ax}$ 

$$\varepsilon_b A_{ext} = (ms^{-1})$$
 سیال (=  $\varepsilon_b A_{ext}$ ). سیال ( $ms^{-1}$ )

$$(m^2)$$
،  $(rac{\pi}{4}d_{ext}^2=)$  سطح مقطع اکسترکتور  $A_{ext}$ 

$$(z/L =)$$
مختصه طولی بیبعد (=  $Z/L$ 

$$(ms^{-1})$$
 ضریب انتقال جرم در فازسیال فوق بحرانی،  $k_f$ 

ضریب انتقال جرم در فاز جامد با سلولهای شکسته،  $k_s$  ( $ms^{-1}$ )

مریب توزیع بین فاز جامد سالم و سیال درون حفرات 
$$K_p$$

9

 $(KC_{l_0} / C_{f_0} =) K$  صورت بى بعد  $\overline{K}$ 

$$a$$
 ثابت مدل  $(rac{u.R_P^2}{L.D_{eff}})$  ثابت مدل  $(rac{u.R_P^2}{L.D_{eff}})$  عدد پکلت بستر  $(u.L/D_{ax} =)$  عدد پکلت بستر  $(l/R_P =)$  پارامتر مدل  $(p)$   $\phi$  کسر حجمی سلولهای شکسته در ذره  $\delta$   $\Delta$  کسر حجمی سلولهای شکسته  $\epsilon_P$  ( $1-(1-\varphi)^3 =)$   $\epsilon_P$  تخلخل ذرات جامد  $\epsilon_p$ 

$$(1-\varepsilon_P)/K_P+\varepsilon_P$$
  $\alpha$ 

$$(C_{l_0} / C_{b_0} =)$$
 پارامتر ثابت  $\beta$ 

$$(t.D_{eff} / R_P^2 =)$$
 زمان بىبعد  $heta$ 

#### مراجع

[1] Bertrand Berche, Malte Henkel and Ralph Kenna(2009) "Critical phenomena:150 years since Cagniard de la Tour",*arXiv:0905.1886v1 [physics.hist-ph]* 

[2] Jinwoong Kim, Young Mae Choi (2001), *Alkaloids: Chemical and Biological Perspective, Chapter two Supercritical fluid extraction of alkaloids,* at Science Direct.com

[3] S.G. O<sup>-</sup> zkal, M.E. Yener and L. Bayindirh (2005)"Mass transfer modeling of apricot kernel oil extraction with supercritical carbon dioxide", *Journal of Supercritical Fluids*, 35, 119–127

[4] E. Reverchon, C. Marrone (2001) "Modeling and simulation of the supercritical  $CO_2$  extraction of vegetable oils", *Journal of Supercritical Fluids*, 19, 161–175

[5] Luca Fiori, Daniele Bassoa, Paolo Costa (2009) "Supercritical extraction kinetics of seed oil: A new model bridging the 'broken and intact cells' and the 'shrinking-core' models ", *Journal. of Supercritical Fluids*, 48, 131–138

[6] Onur Doker, Ug<sup>\*</sup>ur Salgin, Nuray Yildiz (2010) "Extraction of sesame seed oil using supercritical CO<sub>2</sub> and mathematical modeling ", *Journal of Food Engineering*, 97, 360–366

[7] P.M. Moura, G.H.C. Prado, M.A.A. Meireles (2012) " Supercritical fluid extraction from guava (Psidium guajava) leaves: Global yield, composition and kinetic data ", *Journal* of Supercritical Fluids, 62, 116–122

[8] Sandra R.S. Ferreira, M. Angela A. Meireles (2002) "Modeling the supercritical fluid extraction of black pepper (Piper nigrum L.) essential oil ", *Journal of Food Engineering*, 54, 263–269

[9] M.A.A. Melreles, G. Zahedi, T. Hatami (2009) " Mathematical modeling of supercritical fluid extraction for obtaining extracts from vetiver root ", *Journal of Supercritical Fluids*, 49, 23–31

[10] H. Zakizadeh Nei Nei, Sh. Fatemi, M. R. Mehrnia (2008) " Mathematical modeling and study of mass transfer parameters in supercritical fluid extraction of fatty acids from

compounds from Macela (Achyrocline satureioides) flowers: Kinetic, experiments and modeling ", *Journal of Supercritical Fluids*, 65, 71–77

[17] M. Perrut, J. Y. Clavier, M. Poletto (1997) " Mathematical Modeling of Sunflower Seed Extraction by Supercritical CO<sub>2</sub> ", *Journal of Ind. Eng. Chem. Res.* 36, 430-435

[18] Larissa P. Cunico, Roberta Ceriani, Reginaldo Guirardello (2013) " Estimation of Physical Properties of Vegetable Oils and Biodiesel using Group Contribution Methods ", *Journal of Chemical Engineering Transactions*, 32, 535-540

[19] Angel Sánchez, Rocio Maceiras, Angeles Cancela (2012) " Influence of *n*-Hexane on *in Situ* Transesterification of Marine Macroalgae ", *Journal of Energies*, 5, 243-257

[20] Dayin Mongkholkhajornsilp, Supaporn Douglas, Peter L. Douglas (2005) " Supercritical CO<sub>2</sub> extraction of nimbin from neem seeds - a modelling study ", *Journal of Food Engineering*, 71, 331–340

[21] Pathumthip Tonthubthimthong, Supaporn Chuaprasert, Peter Douglas (2001)" Supercritical CO<sub>2</sub>extraction of nimbin from neem seeds – an experimental study ", *Journal of Food Engineering*, 47, 289-293 Trout powder ", *Journal of Biochemical Engineering*, 40, 72-78

[11] Pathumthip Tonthubthimthong, Peter L. Douglas, Supaporn Douglas (2004) " Extraction of nimbin from neem seeds using supercritical CO<sub>2</sub>and a supercritical CO<sub>2</sub>-methanol mixture ", *Journal of Supercritical Fluids*, 30, 287–301

[12] Eduardo L.G. Oliveira, Armando J.D. Silvestre, Carlos M. Silva (2011) " Review of kinetic models for supercritical fluid extraction ", *Journal of chemical engineering research and design*, 89, 1104–1117

[13] L. Fiori (2007) " Grape seed oil supercritical extraction kinetic and solubility data: Critical approach and modeling ", *Journal of Supercritical Fluids*, 43, 43–54

[14] Olivier Boutin, Axel De Nadaï, Antonio Garcia Perez (2011) " Experimental and modeling of supercritical oil extraction from rapeseeds and sunflower seeds ", *Journal of chemical engineering research and design*, 89, 2477–2484

[15] E. Rahimi, J.M. Prado, G. Zahedi (2011) " Chamomile extraction with supercritical carbon dioxide: Mathematical modeling and optimization ", *Journal. of Supercritical Fluids*, 56, 80–88

[16] Tahmasb Hatamia, Rodrigo N. Cavalcantib, Thais M. Takeuchib (2012) " Supercritical fluid extraction of bioactive

# Mathematical modeling of vegetable oils extraction by supercritical fluids

Maral Ahmadi <sup>1,\*</sup>, Mohamad Ghiasvand <sup>1</sup>, Mohammad H. Eikani <sup>2</sup>, Fatemeh Zabihi <sup>3</sup>

1. Department of Chemical Engineering, South Tehran Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran

2. Department of Chemical Technologies, Iranian Research Organization for Science and Technology (IROST)

3. Department of Chemical Engineering, Science and Research Ayatollah Amoli Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran

All right reserved.

### ABSTRACT

The aim of this paper is to provide a comprehensive mathematical model to describe the supercritical fluid extraction of vegetable oils. The complexity of the plant solid matrix structure, the effect of size, controlling effect of phase equilibrium, interaction between solute and solid matrix have been taken into account as well as axial dispersion in fluid phase. As two new attempts, profile of concentration for the inner region of particle along with concept of free solute on the surface of the particle was considered and equilibrium concentration dependence on concentration of free solute was presented. Obtained differential equations are partial and solved numerically. The ability of the model to predict the extraction vield was checked out under changing operating parameters of solvent flow rate, pressure, temperature and particle size, for the extraction of neem seed oil that percentage of sum of squared differences (SSD%) between the model prediction and the experimental data obtained 1%, 0.4%, 0.3% and 0.3%, respectively. Also for the extraction ofsunflower seed oil, the effect of solvent flow rate was investigated that the SSD% was obtained 0.5%.

### **ARTICLE INFO**

Article history: Received: August 15, 2015 Revised from: March 26, 2016 Accepted: April 28, 2016

Key words: Supercritical Fluid Extraction(SFE) Phase Equilibrium Solute–matrix interaction Free Solute

\* Corresponding author Maral.ah\_m@yahoo.com